Dec. 2022

doi:10. 16055/j. issn. 1672-058X. 2022. 0006. 014

基于平均场博弈的超密集 5G 小蜂窝网络下行功率管理

胡先童

(安徽工业大学 计算机科学与技术学院, 安徽 马鞍山 243000)

摘 要:研究了一个拥有大量小型基站(Small Base Stations, SBSs)和用户设备(User Equipments, UEs)的 超密集 5G 小蜂窝网络(Ultra-Dense 5G Small Cellular Networks, UDN)的下行通信系统,并考虑了功率控制策略和队列状态信息(Queue State Information, QSI)的影响,研究了 SBSs 与其服务用户之间数据成功传输的概率和 SBSs 传输能量消耗问题。考虑 SBSs 之间的交互关系,将该问题建模为一个动态随机博弈(Dynamic Stochastic Game, DSG)。通过利用 SBSs 的超密集特性,DSG 被进一步近似为平均场博弈(Mean Filed Game, MFG)。然后基于 Lax-Friedrichs 方案和拉格朗日松弛法开发有限差分方法来求解相应的 MFG。在数据传输之前,通过所求解,每个小型基站可以独立地优化其控制策略从而最小化成本,而无需与其他 SBS 进行任何信息交换。仿真结果表明:所提出的控制策略能有效地提高数据传输成功的概率并减小相应成本。

关键词:小型基站:超密集 5G 小蜂窝网络:功率控制:平均场博弈

中图分类号:TP393.02

文献标志码:A

文章编号:1672-058X(2022)06-0105-07

0 引言

随着移动互联网和物联网的激增,加上移动智能设备的出现和移动应用的爆炸式增长,5G 蜂窝网络被认为是极其密集的^[1]。网络致密化被认为是5G 最显著的特征之一^[2]。在这样的超密集网络环境中,由于网络的规模,UEs 数量巨大,功率控制和干扰感知,变得非常具有挑战性^[3,4]。此外,网络中的时空流量需求波动、信道条件的动态性以及由于需要协调而增加的开销将进一步加剧用户数据网络中资源管理的挑战。例如,队列状态信息(QSI)的不确定性及其随时间的演变将在资源优化中发挥关键作用。

在 5G 时代,节点和设备数量巨大,从而导致了 经典博弈的计算难度较大。这主要是由特定玩家的 策略影响所有其他玩家的策略决定。由于大量设备的参与以及它们的控制参数彼此之间的严重耦合,用经典博弈论的方法不足以研究用户数据网络中的资源优化。如文献[5]设计了信道状态信息不确定的随机波束形成。然而,由于小蜂窝网络数量庞大,集中式干扰管理会遇到沉重的通信开销,并且随机部署和有限的回程容量,都会导致其可扩展性和灵活性变差。

MFG 是一种特殊形式的微分博弈,适用于具有大量参与人的系统^[6]。传统博弈论模拟了单个玩家与系统中所有其他玩家的互动,而 MFG 用所有玩家的集体行为的效果来模拟单个玩家的交互,系统中玩家的集体行为由平均场(Mean Field,MF)建模。平均场平衡(Mean field Equilibrium,MFE)是通过求解两个微分方程,即汉密尔顿-雅可比-贝尔曼(Hamilton-Jacobi-Bellman,HJB)和福克-普朗克-

收稿日期:2021-07-24;修回日期:2021-09-03.

基金项目:国家自然科学青年基金资助(61702006).

作者简介:胡先童(1995—),男,安徽宣城人,硕士生,从事无线网络研究.

科尔莫戈罗夫(Fokker-Planck-Kolmogorov, FPK) 方程得到的。单个玩家与平均场的相互作用采用 HJB方程来建模,根据玩家的动作,玩家的集体行为 被 FPK方程建模。MFG特别适合这种超密集的网 络,因为玩家的数量可以趋向无穷,且 MFG中的代 理数量与性能无关。

在最近的大量研究中, MFG 被用来解决基于 UDN 中的功率控制问题和边缘缓存问题。例如:文 献[4]研究 UDN 中干扰问题,为了降低对完全信息 的要求,考虑状态动态和成本函数的不确定性,建立 了鲁棒功率控制平均场博弈。文献[7]提出了一种 新的联合功率控制和用户调度方法,用于优化超密 集小蜂窝网络的单位能量比特数的能量效率。文献 [8]解决了密集天线接入网络中节能分布式功率和 速度控制的问题。控制问题被公式化为一个微分对 策,在这个对策中,无线接入网络的剩余电池能量和 它们的位置被控制。文献[9]针对与传统宏蜂窝网 络共存的密集小蜂窝网络,提出了一种新的分布式 功率控制模式。将功率控制问题建模为随机博弈, 证明了纳什均衡的存在性。文献[10]研究雾无线 接入网的边缘缓存优化问题。考虑时变用户请求和 雾接人点的超密集部署,提出了一种分布式边缘缓 存方案,以共同最小化请求服务延迟和前端流量负 载。文献[11]研究在大量小基站和用户情况下的 蜂窝边缘缓存问题。提出了随机几何网络模型下的 分布式缓存算法以及表征内容流行动态的时空用户 需求模型。

在以上研究的基础上,研究一个拥有大量 SBSs 和 UEs 的 UDN 的下行通信系统,通过控制 SBSs 的 功率提高 SBSs 与其服务用户之间成功传输的概率,并考虑了 SBSs 的能量消耗问题。为了联合最小 化数据成功传输速率成本和 SBSs 的能量消耗,建立了一个动态随机博弈来模拟该问题。DSG 捕捉到 SBSs 之间的相互作用和 SBSs 状态的动态变化。由于求解的计算复杂度较高,该算法被近似为一个 MFG,利用 SBSs 的超密集特性来解决这一具有挑战性的问题。在 MFG 中,所有 SBSs 的单个状态可以用一个统计 MF 分布来近似。通过求解耦合的 HJB和 FPK 方程获得 MFE。每个 SBS 能够基于其本地状态和平均场分布来确定动态最优功率控制策略。本方法在不需要与其他 SBS 进行额外信息交换的

情况下,可以获得最优功率控制策略,减小了通信开销。同时能根据其最优功率控制策略,有效减小达到最小成功传输速率所消耗的成本。

1 系统模型

1.1 网络模型

考虑超密集 5G 小蜂窝网络的下行链路,由 I 个 SBSs、K 个用户和一个远程 5G 基站 (Base Station, BS) 组成,如图 1 所示,其 SBS 被超密集地部署,并通过云端链路与 BS 连接。SBS 集和 UE 集分别用 $\mathcal{J}=\{1,2,\cdots,i,\cdots,I\}$ 和 $\kappa=\{1,2,\cdots,k,\cdots,K\}$ 表示。假设有 I 个 SBS 到用户设备的下行链路共享同一个信道。

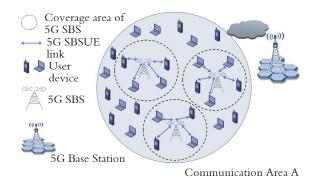


图 1 UDN 中的多个 SBS

Fig. 1 The multi-SBSs in UDNs

根据上述模型定义,SBS i 与服务用户 k 在 t 时刻的数据传输速率为

$$R_{i,k}(t) = B \log_2 \left(1 + \frac{h_{i,k}(t) P_i(t)}{\sigma^2 + I_{i,k}} \right)$$
 (1)

其中,B 为传输带宽, $P_i(t)$ 为 SBS i 在 t 时间的传输功率, σ^2 为噪声功率。 $h_{i,k}(t)$ 表示 SBS i 和用户 k 在时间 t 时的信道增益。 $I_{j,k} = \sum_{j \neq i, j \in \mathbb{N}} h_{j,k}(t) P_j(t)$ 表示其他 SBSs 造成的干扰。

当 $R_{i,k}(t) \ge R^{th}$ 时,下行通信可视为成功连接, 其中 R^{th} 表示最小成功传输速率阈值。

$$\begin{split} R_{i,k}(t) = & B \log_2 \left(1 + \frac{h_{i,k}(t) P_i(t)}{\sigma^2 + I_{j,k}} \right) \geqslant R^{th} \\ = & \log_2 \left(1 + \frac{h_{i,k}(t) P_i(t)}{\sigma^2 + I_{j,k}} \right) \geqslant \frac{R^{th}}{B} \\ = & \left(1 + \frac{h_{i,k}(t) P_i(t)}{\sigma^2 + I_{i,k}} \right) \geqslant 2^{\frac{R^{th}}{B}} \end{split}$$

$$= \frac{h_{i,k}(t)P_i(t)}{\sigma^2 + I_{i,k}} \ge 2^{\frac{R^{th}}{B}} - 1$$
 (2)

用 R'来表示 $2^{\frac{R^{th}}{B}}-1$, 于是有:

$$h_{i,k}(t)P_i(t)-R'(\sigma^2+I_{i,k})$$
 (3)

1.2 队列状态模型和能量使用模型

假设 SBS i 发送 $q_{i,k}(t)$ 比特给 UE k,第 i 个 SBS 队列的时间演化由下式给出^[7]:

$$dq_i(t) = \mathbf{a}_i(t) - \mathbf{R}_i(t, P_i(t), \mathbf{h}(t)) dt$$
 (4)
其中, $\mathbf{a}_i(t)$ 和 $\mathbf{R}_i(\cdot)$ 是 SBS i 的到达和传输速率的向量,并且 $\mathbf{h}(t)$ 是信道增益的向量。

玩家 i 在 t 时刻的剩余能量状态 $E_i(t)$ 等于可用能量的总量。同时, $0 \le E_i(t) \le E_i(0)$,其中 $E_i(0)$ 是 0 时刻的能量。t 时刻的功率控制应是任意 $P_i(t) \in [0,P_{\max}]$,而 P_{\max} 为可能的最大发射功率。不失一般性,将电池剩余能量的演化律定义为[8,15]

$$dE_i(t) = -P_i(t) dt (5)$$

即电池能量 $E_i(t)$ 随着发射功率 $P_i(t)$ 消耗而减小。

根据介绍的系统模型,SBS i 的整体状态可以用式(4)中的队列状态和式(5)中的能量状态表示为 $s_i = (q_i(t), E_i(t))$ 。

2 成本函数与动态随机博弈

2.1 成本函数

在 t 时刻 SBS i 的成本函数由如下两部分组成。第一个组成部分是与满足最小数据成功传输速率相关的成本 R^{th} ,用式(3)的平方来表示。考虑的成本函数的第二个组成部分是与 SBS 传输时消耗的能量。为简单起见,假设 SBSs 所消耗的功率与传输功率成正比。因此,成本函数可以表示为

$$J_{i}(t) = \omega_{1}(h_{i,k}(t)P_{i}(t) - R'(\sigma^{2} + I_{j,k}))^{2} + \omega_{2}P_{i}(t)$$
(6)

 ω_1 和 ω_2 用来平衡成本函数的两个组成部分的单位。

2.2 动态随机博弈

每个 SBS 的控制策略随着动态方程式(4)和式(5)变化而变化。因此,最小化 SBS 式(6)的成本可以被建模为 DSG。因此,将 DSG 定义为一个四维的 $\{\mathcal{T}, S_i, P_i, \mathcal{T}_i\}$ 。 \mathcal{T} 指的是玩家的集合,它们是 SBSs;

其中 S_i 和 P_i 分别是 SBS i 的状态和控制空间; \mathcal{J}_i 表示玩家 i 在有限时间范围内 T 的累积成本,表示为 $\mathcal{J}_i = \mathbb{E}\left[\int_{-t}^{T} \mathcal{J}_i(u) \, \mathrm{d}u\right]$.

在上述所建立的 DSG 中,玩家i 的控制优化问题可以表述为

$$\min_{P_i(0\to T)} \mathcal{J}_i(P_i, s_i, s_{-i})$$

其中 $,s_{-i}(t) = \{s_j, j \neq i, i \in J\}$ 表示其他 I-1 参与者的状态。

据动态规划理论,一个问题在整个时间区间 [0,T]上的整体最优可以通过在时间反转的方式 [12] 中依次构造其子问题在时间区间 [t,T] 上的最优策略得到。相应地,可以将 t 时段内参与人 i 的值函数 $U_i(t,s_i(t))$ 设为 [t,T] 时间段内的最小代价:

$$U_i(t, s_i(t)) = \min_{P_i(t \rightarrow T)} \mathbb{E}\left[\int_t^T \mathcal{J}_i(u) \, \mathrm{d}u\right]$$

在 DSG 中,最小化代价函数的缓存策略集合 $\{P_i^*(0\rightarrow T), i\in\mathcal{J}\}$ 构成一个反馈纳什均衡(Nash Equilibrium, NE),如果存在满足以下向后 HJB 偏微分方程(Partial Differential Equations, PDEs) [13] 的值函数,则保证:

$$\frac{\partial_{t} U_{i}(t, s_{i}(t)) + \min_{P_{i}(t)} \left[\mathcal{J}_{i}(t, s_{i}(t), P_{i}(t)) + \partial_{t} s_{i}(t) \cdot \nabla U_{i}(t, s_{i}(t)) \right] = 0}{\text{在式}(7) 中定义哈密顿量:}$$

$$H(s_{i}(t), P_{i}(t), \nabla U_{i}(t, s_{i}(t))) = \min_{P_{i}(t)} \left[\mathcal{J}_{i}(t, s_{i}(t), P_{i}(t)) + \partial_{t} s_{i}(t) \cdot \nabla U_{i}(t, s_{i}(t)) \right]$$
(7)

通过求解由于 SBS 之间的相互作用而耦合的 I 个 HJB,可以得到每个 SBS 的最优功率控制。然而,为了求解每个 SBS 的耦合 HJB 方程,需要每个 SBS 获取所有其他接入 SBS 的状态信息,这需要很高的计算复杂度,并且会导致巨大的额外通信开销。因此,可以通过引入平均场博弈近似来解决这个具有挑战性的问题。

3 平均场功率控制方案

3.1 平均场

由于耦合的偏微分方程而导致的原问题求解的 困难性可以通过将原博弈近似为平均场游戏来解 决,其中所有玩家的个体状态可以通过单个统计分 布来捕获^[14]。因此,可以显著减少耦合的 PDE 的数量,并且玩家能够以分布式方式做出决定。

平均场博弈的建立基于 4 个条件^[15]:(1)参与者的理性;(2)玩家的连续性;(3)玩家状态之间的互换性;(4)平均场型参与者之间的互动。条件(1)是可以保证的,因为每个 SBS 都会做出逻辑决策。条件(2)是根据 SBS 的超密集部署来保证的。条件(3)成立,因为个体的影响在大量参与者中变得无穷小,而 SBS 指数之间的交换并不改变博弈的结果。条件(4)是确定的,因为每个 SBS 与 MF 相互作用,而不是游戏中的实际个体。

根据上述性质,原始的 DSG 可以近似为 MFG, 其中每个参与者在众多参与者中是无法区分的。因此,可以通过删除 SBS 指数来考虑一个通用玩家。在 MFG 中,一般参与者和其他参与者之间的相互作用充分地由其自身的状态和质量状态的统计分布特征。具体来说 $\mathbf{s} = (\mathbf{q}^\mathsf{T}, \mathbf{E})^\mathsf{T} \in X$ 表示通用玩家的状态, $m \in X_T, X_T = X \times [0, T]$ 表示平均场分布。m 同时依赖于时间 t 和状态 s(t) ,可以表示为

$$m(t,s(t)) = \lim_{t\to\infty} \frac{1}{I} \sum_{i=1}^{I} \prod_{s_i(t)}$$

其中,Ⅱ表示指示器函数,如果给定条件为真,则返回1,否则返回0。注意,平均场分布是博弈中所有参与者状态的概率分布。

3.2 平均场近似(Mean Field Approximation, MFA)

采用了一个 $MFA^{[16]}$ 特殊的技术去获得近似的 增益 $\bar{h}_{i,k}$ 。从式(1) 中知道:

$$I_{j,k} = \sum_{j \neq i, j \in N} h_{j,k}(t) P_j(t)$$

$$\approx (N-1) \bar{h}_{j,k}(t) \bar{P}_j(t)$$
(8)

其中, $\bar{P}_j(t)$ 是已知的测试发射功率,假设参与博弈的所有玩家都使用相同的测试发射功率。 $\bar{h}_{j,k}(t)$ 定义了超密集无穷小 UDN 影响的平均干涉通道增益,可以用以下思想估计。对于有 UDN 组 i 的发射机,若在发射功率处使用 $\bar{P}_j(t)$,则对应的接收机接收功率为

$$P_{i}^{r}(t) = h_{i,i}(t) \bar{P}_{i}(t) + I_{i,k}$$
 (9)

其中, $h_{i,i}(t)$ 是有效信道增益, $h_{i,i}(t)P_{j}(t)$ 是有效接收功率, $I_{i,k}$ 是从所有其他信道接收的干扰功率。

结合式(8)和式(9),可以导出唯一的未知变量

为 $\bar{h}_{ik}(t)$:

$$\bar{h}_{j,k}(t) = \frac{P_i'(t) - h_{i,i}(t) \bar{P}_i(t)}{(N-1) \bar{P}_j(t)}$$

在实际操作过程中,用上述方法估算出 $\bar{h}_{j,k}(t)$ 。 成本函数被重新定义为

$$J_{i}(t) = \omega_{1}(\bar{h}_{j,k}(t)P_{i}(t) - R'(\sigma^{2} + (N-1)\bar{h}_{j,k}(t)\bar{P}_{j}(t)))^{2} + \omega_{2}P_{i}(t)$$

$$m(t,s(t))$$
 演化对应于 FPK PDE 为 $^{[10,11,17]}$:
$$-\partial_t m(t,s) = \nabla (m(t,s) \cdot s(t)) \qquad (10)$$
其中, s 是状态。

SBS MFG 被定义为导出的 HJB 和 FPK 方程的组合,其中 HJB 方程重新定义为

$$\partial_{t}U_{i}(t,s_{i}(t)) + \min_{P_{i}(t)} \left[J(t,s(t),P(t) + \partial_{t}s(t) \cdot \nabla U(t,s(t))) \right] = 0$$

$$(11)$$

因此, SBS 的 MFG 函数可以被定义为分别在式(10)和式(11)中给出的 HJB 和 FPK 方程的组合。HJB 被称为倒向函数,这意味着它的最终值是已知的,需要确定 U(t) 在时间 [0,T] 的值。由于这个原因, HJB 方程从 t=T 开始求解, 在时间上向后,在 t=0 结束。FPK 方程被称为前向方程,它随时间向前发展。HJB 和 FPK 的互动演变导致了 MFE。

4 平均场博弈解

4.1 平均场平衡

为了获得了 MFE $^{[9]}$,本文利用有限差分法。将时间间隔 [0,T],能量使用状态空间 $[0,E_{max}]$,队列状态空间 $[0,q_{max}]$ 离散为 $X\times Y\times Z$ 空间。因此,将分别存在 X+1、Y+1 和 Z+1 个时间点、能量状态和队列状态。可以保证 MF 的正定性的 Lax – Friedrichs 方法 $^{[8,9]}$ 被用于离散方程。

还将时间、能量空间和队列空间的迭代步骤分别定义为 $\delta_{\iota} = \frac{T}{X}$ 、 $\delta_{E} = \frac{E_{\text{max}}}{Y}$, $\delta_{q} = \frac{q_{\text{max}}}{Z}$ 。因此,FPK 方程将在三维空间中向前演化, $(0,T) \times (0,E_{\text{max}}) \times (0,q_{\text{max}})$,步长分别为 δ_{ι} 、 δ_{E} 和 δ_{q} 。同时,通过逆向求解 HJB 方程,得到最优控制路径。

4.2 FPK 方程的解

首先通过使用 Lax - Friedrichs 方法求解 FPK

方程:

$$-\partial_t m(t,s) = \nabla_E m(t,s) E(t) + \nabla_q m(t,s) q(t)$$

通过使用 Lax-Friedrichs 方法,得到以下结果:

$$\begin{split} M(i+1,j,k) &= \frac{1}{2} \left[M(i,j-1,k) + M(i,j+1,k) + \\ M(i,j,k-1) + M(i,j,k+1) \right] + \\ &\frac{\delta_{\iota}}{2\delta_{E}} \left[M(i,j+1,k) P(i,j+1,k) - \\ M(i,j-1,k) P(i,j-1,k) \right] + \\ &\frac{\delta_{\iota}}{2\delta_{q}} \left[M(i,j,k+1) P(i,j,k+1) Q(i,j,k+1) - \\ M(i,j,k-1) P(i,j,k-1) Q(i,j,k-1) \right] \end{split}$$

其中,M(i,j,k)、P(i,j,k) 和 Q(i,j,k) 分别表示离散 化网格中时刻 i、能级 j 和队列状态 k 处的 MF、功率 和队列状态的值。

4.3 HJB 方程的解

为了求解 HJB 方程,使用了有限差分技术。然而,由于哈密顿项的存在,该技术不能直接应用于求解 HJB 方程。因此,HJB 方程被重新定义为以 FPK 方程 为约束的相应的最优控制问题。引入拉格朗日乘子 $\lambda(t,s)$ 得到拉格朗日函数。假设终端成本 J(T)=0, Langrarian $L(m(t,s),p(t,s),\lambda(t,s))$ 也被离散化。

对于离散化网格中的任意点(i,j,k),通过计算得到的 Langrarian 关于 M(i,j,k) 的一阶导数并使其等于零,可以重新排列以获得更新 λ 的以下等式:

$$\lambda(i-1,j,k) = \frac{1}{2} \left[\lambda(i,j+1,k) + \lambda(i,j-1,k) \right] +$$

$$\frac{1}{2} \left[\lambda(i,j,k+1) + \lambda(i,j,k-1) \right] -$$

$$\delta_{t} P(i,j,k) \left[\frac{Q(i,j,k)}{\delta_{q}} + \frac{1}{\delta_{E}} \right] \left[\lambda(i,j+1,k) +$$

$$\lambda(i,j-1,k) \right] + \delta_{t} Q(i,j,k)$$

其中,

$$\begin{split} L(m(t,s),p(t,s),\lambda(t,s)) &= \\ &\int\limits_{t=0}^{T} \int\limits_{E=0}^{E_{\text{max}}} \int\limits_{q=0}^{E_{\text{max}}} J(t,s) \, m(t,s) \, + \\ &\lambda(t,s) \, (\partial_t m(t,s) + \nabla E(m(t,s) E(t) + \\ &\nabla q(m(t,s) \, q(t)) \,) \, \text{d}t dE dq \end{split}$$

随着 FPK 方程可以通过有限差分离散化并且解决,可以根据 Karush-Kuhn-Tucker(KKT)条件获得最佳决策变量 $P^{*[18]}$ 。互动演变最终导致平均场平衡。

5 实验结果与分析

在本节中,提供了与所提出的平均场功率优化控制的超密集 5G 小蜂窝网络下行链路通信系统的仿真结果。为了简化模拟,假设有 300 个 SBS 和 150 个 UE,并且 SBS 与其服务的 UE 是随机分布在 500 m×500 m 的通信区域 A,如图 2 所示。不失一般性,假设信道带宽 W=20 MHz, $\sigma^2=-70$ dBm , $E_i(0)=25$ J, $P_{\max}=20$ W, $\omega_1=10$, $\omega_2=0$.001。

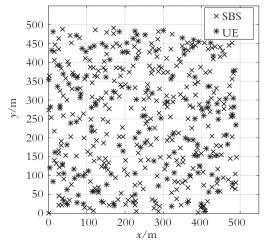


图 2 SBS 分布图

Fig. 2 Distribution of SBS

如图 3 所示,可以观察到与时间和 SBS 与匹配用户之间的队列状态有关的平均场的分布。因为初始的 MF 分布,设置为满足于高斯分布,所以初始平均场的分布主要在 0.2 到 0.8 之间。随时间的推进,可以观察到平均场趋向稳定趋势。

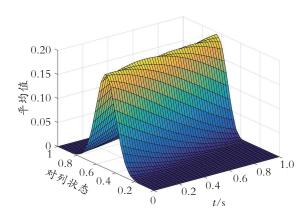


图 3 MF 分布图

Fig. 3 Distribution of MF

如图 4 所示,可以观察到与时间和 SBS 与匹配 用户之间的队列状态有关的数据率的分布。当把最 小成功传输速率阈值设为 $R^h = 0.3$ 的时候,可以观察到数据率的分布会非常接近 0.3 这个阈值。这是因为,当达到最小成功传输阈值后,为了减小成本,数据率便不会再增加。

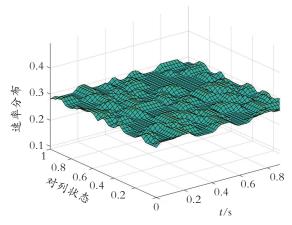


图 4 速率分布图

Fig. 4 Distribution of rate

在图 5 中,使用所提出算法的飞行能耗用蓝色圆曲线表示。而且,每个 SBS 都在初始时刻找到最优功率控制,导致了较高的成本。但在 t = 0.3 后,该算法的成本降低,且低于均匀功率方式。此外,还给出了完全信息下的平均总成本,这可以称为理论性能,因为每个 SBS 都是基于局部信息知道其他 SBS 的信息的。图 5 中的红色方曲线显示了完全信息的平均总成本,这与所提出的算法类似。

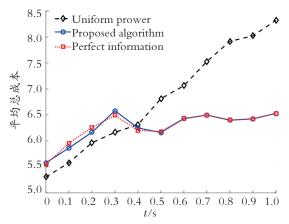


图 5 N个 SBSs 的平均总成本随时间变化

Fig. 5 The average total cost of N SBSs as the time varies

6 结束语

本文研究了在 UDN 环境下小型基站的功率控制问题,并考虑了其能量消耗和队列状态信息。构造了一个队列状态和能源感知控制策略,称为

MFG。基于导出的 HJB 和 FPK 耦合偏微分方程,并使用基于 Lax-Friedreich 和拉格朗日松弛方法的有限差分算法,得到了 MFG 的解。数值结果显示了 SBSs 的分布和行为。此外,通过与一些基准的比较,说明了所提出的最优功率控制方案的性能。该方案的一个优点是:在实践中可以分布式执行,以减轻中心管理人员的负担。

参考文献(References):

- KAMEL M, HAMOUDA W, YOUSSEF A. Ultra-dense networks: a survey[J]. IEEE Communications Surveys & Tutorials, 2016(18): 2522—2545.
- [2] BENCHAABENE Y, BOUJNAH N, ZARAI F. 5G cellular: survey on some challenging techniques [C]// IEEE Int Conf Parallel Distrib. Comput, Taipei, Taiwan, 2017: 348—353.
- [3] LOPEZ P D, DING M, CLAUSSEN H, et al. Towards 1 Gbps/UE in cellular systems: understanding ultra-dense small cell deployments [J]. IEEE Commun. Surveys Tuts. 2015(17): 2078—2101.
- [4] YANG C G, DAI H X, LI J D, et al. Distributed interference-aware power control in ultra-dense small cell networks: a robust mean field game [J]. IEEE Access. 2018(6): 12608—12619.
- [5] SHI Y. Large-scale convex optimization for ultra-dense cloud-RAN[J]. IEEE Wireless Commun. 2015 (22): 84—91.
- [6] LARSY J M, LIONS P L. Mean field games [J]. Japanese Journal of Mathematics. 2007(2): 229—260.
- [7] SAMARAKOON S, BENNIS M, SAAD W, et al. Ultra dense small cell networks: turning density into energy efficiency [J]. IEEE Journal on Selected Areas in Communications, 2016(34): 1267—1280.
- [8] MKIRAMWENIM E, YANG C G, LI J, et al. Interference and energy management for dense aerial access networks: a mean field game approach [C]// 2019 11th International Conference on Wireless Communications and Signal Processing(WCSP), 2019.
- [9] SEMASINGHE P, HOSSAIN E. Downlink power control in self-organizing dense small cells underlaying macrocells: a mean field game[J]. IEEE Trans on Mobile Comput, 2016 (15): 350—363.
- [10] JIANG Y X, HU Y B, BENNIS M, et al. A mean field game-based distributed edge caching in fog radio access networks [J]. IEEE Transactions on Communications, 2020

- (68): 1567-1580.
- [11] KIM H, PARK H, BENNIS M, et al. Mean-field game theoretic edge caching in ultra-dense networks [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2020(69): 935—947.
- [12] BERTSEKAS D.P. Dynamic programming and optimal control [M]. Nashua: Athena Scientific, 2005.
- [13] YEUNG D W K, PETROSJAN L. Cooperative stochastic differential games[M]. Berlin: Springer, 2006.
- [14] YANG C G, LI J, SHENG M, et al. Mean field gametheoretic framework for interference and energy-aware control in 5G ultra-dense networks [J]. IEEE Wireless Commun, 2018(25): 114—121.
- [15] GUEANT O. A reference case for mean field games models[J]. J Math Pures Appl, 2009(92): 276—294.

- [16] ALI A Z Y, YU F R, HUANG M. A joint cross-layer and co-layer interference management scheme in hyper-dense heterogeneous networks using mean-field game theory [J]. IEEE Trans, 2016(65): 1522—1535.
- [17] GUEANT O, LASRY J M, LIONS P L. Mean field games and applications [M]: Berlin: Speringer Lecture Notes in Mathematics, 2011.
- [18] ZHANG Z, LI L X, LIU X, et al. Matching-based resource allocation and distributed power control using mean field game in the NOMA-based UAV networks [C]// 2018 Asia-Pacific Signal and Information Processing Association Annual Summit and Conference (APSIPA ASC), 2018: 420—426.

Downlink Power Management of Ultra-dense 5G Small Cellular Networks Based on Mean Field Game

HU Xian-tong

(School of Computer Science and Technology, Anhui University of Technology, Anhui Maanshan 243000, China)

Abstract: In this paper, we study a downlink communication system of ultra-dense 5G small cellular networks (UDN) with a large number of small base stations (SBSs) and user equipment (UEs), and consider the effects of power control strategy and queue state information (QSI). The probability of successful data transmission between SBSs and its service users and the energy consumption of SBSs transmission are studied. Considering the interaction between SBSs, we model the problem as a dynamic stochastic game (DSG). By using the super dense characteristics of SBSs, DSG is further approximated as mean file game (MFG). Then, based on Lax-Friedrichs scheme and Lagrange relaxation method, a finite difference method is developed to solve the corresponding MFG. Before data transmission, through the solution, each small base station can independently optimize its control strategy to minimize the cost without any information exchange with other SBS. Simulation results show that the proposed control strategy can effectively improve the successful probability of transmission and reduce the corresponding cost.

Key words: SBSs; ultra-dense 5G small cellular networks; power control; mean file game

责任编辑:罗姗姗

引用本文/Cite this paper:

胡先童. 基于平均场博弈的超密集 5G 小蜂窝网络下行功率管理[J]. 重庆工商大学学报(自然科学版),2022,39(6):105—111. HU Xian-tong. Downlink power management of ultra-dense 5G small cellular networks based on mean field game[J]. Journal of Chongqing Technology and Business University (Natural Science Edition),2022,39(6):105—111.